









状的灰色节点表示不用的稠密子图。

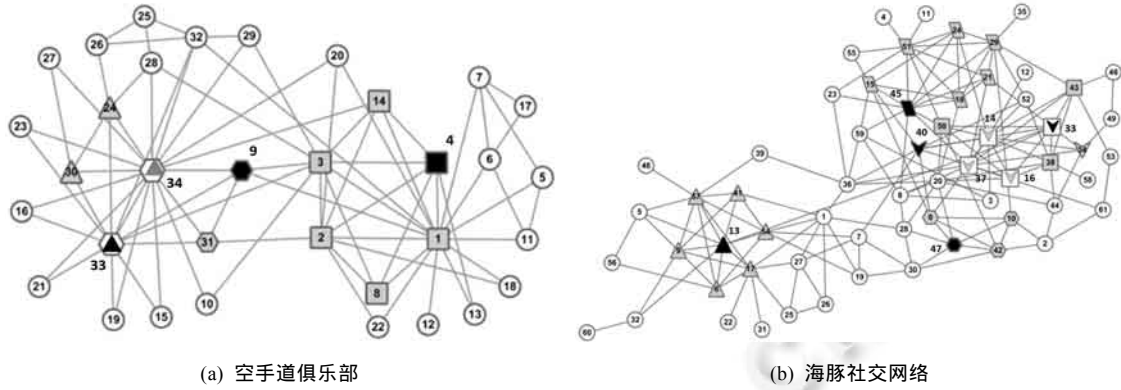


Fig.3 Weighted dense subgraphs in Zachary's karate club and dolphins social network obtained by OCDW

图 3 OCDW 算法在空手道俱乐部和海豚社交网络中得到的加权稠密子图

### 3.3 合并优化社区与未聚类节点处理

通过上述步骤之后,我们可以找到很多稠密子图,但是存在一些稠密子图之间重叠节点较多的情况,需要将重叠节点较多的稠密子图进行合并,得到最终社区发现结果.如图 3(a)所示,节点 {9,31,33,34} (图中六边形节点)构成的稠密子图与由节点 {24,30,33,34} (图中三角形节点)构成的稠密子图之间有一半节点重合,需要进行合并.本文中判断两个稠密子图合并的条件为两个子图间重叠节点数不小于较小稠密子图节点数一半时,将二者合并得到中心社区,称为加权中心社区.图 4(a)和图 4(b)分别给出了空手道俱乐部和海豚社交网络合并后所得到的加权中心社区.

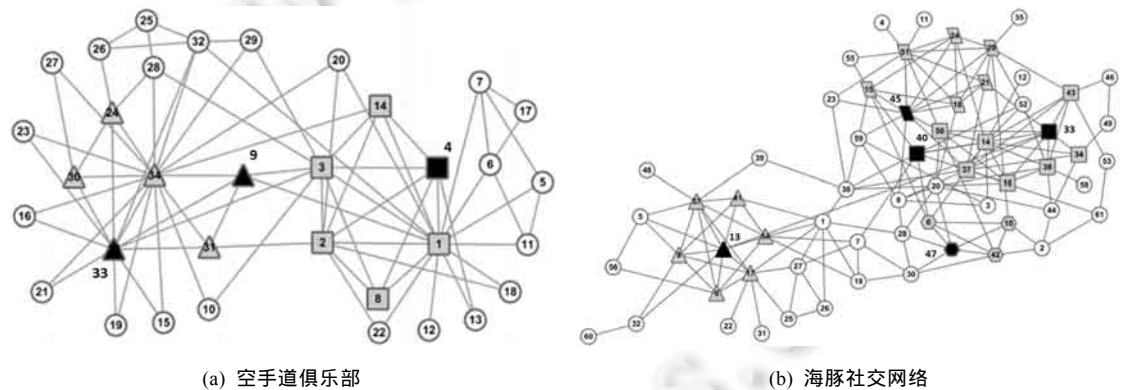


Fig.4 Weighted core communities in Zachary's karate club and dolphins social network obtained by OCDW

图 4 OCDW 算法在空手道俱乐部和海豚社交网络中得到的加权中心社区

OCDW 算法得到的加权中心社区包括了原始网络中的一些局部稠密子图,但并未完全覆盖整个网络,仍然存在一些未聚类节点(如图 4 中的空白节点所示).理想的社区发现结果应该使网络中尽量多的节点有最终的社区归属,因此,根据节点与中心社区连接紧密程度定义未聚类对中心社区的归属度,如公式(9)所示.

$$b(v, C) = \gamma \cdot \frac{\sum_{x \in N(v) \cap C} w(x, v)}{\sum_{x \in C} w(x, v)} + (1 - \gamma) \cdot \frac{\sum_{x \in N(v) \cap C} wd(x)}{\sum_{x \in C} wd(x)} \quad (9)$$

基于公式(9)给出的节点对社区归属度的定义,迭代地将未聚类节点划分到已有的中心社区中,对中心社区进行扩展,得到更加合理的聚类结果(详细的中心社区扩展策略见算法 1 的步骤 7 和步骤 8).图 5 给出了空手道俱乐部数据和海豚社交网络的最终聚类结果.

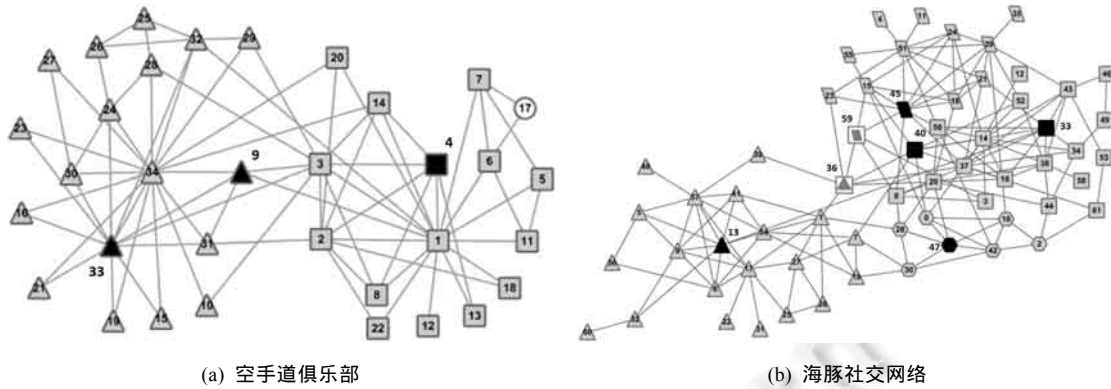


图5 Final communities in Zachary's karate club and dolphins social network obtained by OCDW

图5 OCDW 算法在空手道俱乐部和海豚社交网络中得到的最终聚类结果

### 3.4 算法描述

算法 1. 加权网络重叠社区发现算法.

输入: 网络  $G=(V,E,U)$ , 其中  $V$  和  $E$  分别表示  $G$  的节点集和边集,  $U$  是  $G$  的权重矩阵.

输出: 社区集合  $C=\{C_1, C_2, \dots, C_k\}$ .

过程:

步骤 1. 令  $n=|V|, m=|E|, t=0, F=V, \alpha = \frac{2m}{n(n-1)}$ .

步骤 2. 如果  $\alpha < 0$ , 则转步骤 9. 令  $C=\emptyset, \beta=0.7-\alpha$ .

根据公式(4)、公式(5)计算图  $G$  中每条边的综合权重矩阵  $W_{n \times n}(G)$ .

步骤 3. 根据公式(6)计算  $V$  中节点的加权重  $wd(v)$ , 假设  $wd(v_1) \quad wd(v_2) \quad \dots \quad wd(v_n)$ .

步骤 4. 如果  $F$  为空集, 则转步骤 5; 否则, 令  $t=t+1, C_t=\emptyset$ .

步骤 4.1. 选择集合  $F$  中权重最大的一个节点  $v$ , 令  $F=F-\{v\}$ , 且  $C_t=C_t \cup \{v\}$ .

步骤 4.2. 令  $N(C_t)$  表示当前集合  $C_t$  的邻接点集合, 对  $N(C_t)$  中的每个节点  $u$ , 计算  $u$  对  $C_t$  的影响度  $\delta_{C_t}(v) = f(C_t \cup \{u\}) - f(C_t)$ , 其中  $f(\cdot)$  由公式(8)给出.

步骤 4.3. 令节点  $x$  是  $N(C_t)$  中对  $C_t$  影响度最大的节点且满足  $\delta_{C_t}(x) > 0$ , 即  $\delta_{C_t}(x) = \max_{v \in N(C_t)} \delta_{C_t}(v)$ .

步骤 4.4. 若节点  $x$  存在, 则令  $C_t=C_t \cup \{x\}$ , 则转步骤 4.3.

步骤 4.5. 若  $|C_t| \geq 3$ , 令  $t=t-1$ , 转步骤 4.

步骤 4.6. 将  $C_t$  的导出子图  $[C_t]$  识别为稠密子图. 对  $[C_t]$  中的每条边  $xy \in E([C_t])$ , 使得  $w(xy) = \frac{w(xy)}{\sqrt{|C_t|}}$ .

步骤 4.7. 对每个节点  $x \in C_t$ , 令  $wd'(x) = \sum_{v \in N(x)} w(vx) \cdot k_v$ , 根据公式(7)计算节点加权重变化率, 若  $cr(x) < \theta$ , 则令  $F=F-\{x\}$ ; 转步骤 4.

步骤 5. 对每一个稠密子图  $C_i \in \{C_1, \dots, C_t\}$ , 计算  $C_i$  与其他子图的重叠度. 若  $C_i$  与子图  $C_j (i < j)$  节点的重叠度  $|C_i \cap C_j| / \min\{|C_i|, |C_j|\} > 0.5$ , 则令  $C_i=C_i \cup C_j$ .

步骤 6. 对合并后的稠密子图重新编号, 得到中心社区集合为  $\{C_1^{(0)}, \dots, C_s^{(0)}\}$ . 若  $s < 1$ , 则令  $\alpha = \alpha - 0.03$ , 转步骤 2.

步骤 7. 令集合  $T^{(0)} = V - \bigcup_{i=1}^s C_i$ ,  $\mu_0=0.7, t=0$ .

步骤 8. 令  $t=t+1$ , 对每个社区  $C_1^{(t-1)}, \dots, C_s^{(t-1)}$ , 执行以下操作.

步骤 8.1.  $C_i^{(t)} = C_i^{(t-1)} (1 \leq i \leq s)$ , 对任意元素  $v \in N(C_i^{(t-1)}) \cap T^{(t-1)}$ , 根据公式(9)计算  $b(v, C)$ . 如果  $b(v, C) > \mu_{t-1}$ , 则  $C_i^{(t)} = C_i^{(t-1)} \cup \{v\}$ .

步骤 8.2. 令  $\mu_i = \mu_{i-1} - 0.1, T^{(t)} = V - \bigcup_{i=1}^s C_i^{(t-1)}$ , 若  $\mu_i < 0.3$  且  $T^{(t)} \neq \emptyset$ , 则返回步骤 8.

步骤 9. 结束, 输出社区集合  $\{C_1^{(t)}, \dots, C_s^{(t)}\}$ .

加权网络重叠社区发现算法 OCDW 给出了基于贪心搜索策略的社区发现算法, 其中, 步骤 1~步骤 3 实现了对网络中节点和边权重赋值, 平均时间复杂度与网络中的总边数成正比, 即  $O(c|E|)$ . 步骤 4 迭代实现了种子节点的选择与获得中心社区, 每次迭代会遍历网络中的所有边, 代价为  $O(|E|)$ . 中心社区扩展迭代次数与中心点的选择密切相关, 假设迭代次数为  $t$ , 则步骤 4 的总代价为  $O(t|E|)$ . 步骤 5 实现了中心社区合并操作, 假设有  $s$  (通常  $s \ll |V|$ ) 个中心社区, 则时间代价为  $O(s^2)$ . 步骤 7、步骤 8 实现了未聚类点分配过程, 时间代价至多为  $O(|V|)$ . 综合以上分析, 算法 OCDW 的总平均时间复杂度为  $O(ct|E|+|V|)$ , 其中,  $c$  和  $t$  是常数.

### 4 实验与结果分析

在空手道俱乐部(zachary's karate club)<sup>[24]</sup>、海豚社交网络(dolphins social network)<sup>[25]</sup>、大学生足球网络(American college football network)<sup>[26]</sup>、Polbooks(books about US politics dataset, <http://www.orgnet.com/>)、Adjnoun<sup>[26]</sup>和 Email<sup>[27]</sup>这 6 个无权网络数据集以及 Les Misérables<sup>[28]</sup>、合作网络(NetScience)<sup>[28]</sup>和 Hep-th<sup>[29]</sup>这 3 个加权网络数据集上对算法 OCDW 进行评测, 数据基本情况见表 1.

Table 1 Experimental datasets

表 1 实验数据集

数据集	是否加权	顶点数	边数	参考社区数
Karate	否	34	78	2
Dolphins	否	62	159	2
Football	否	115	613	12
Polbooks	否	105	441	3
Adjnoun	否	112	425	2
Email	否	1 133	5 451	-
Les misérables	是	77	254	-
NetScience	是	1 589	2 742	-
Hep-th	是	8 361	15 751	-

#### 4.1 评价指标

设 OCDW 算法的社区发现结果为  $C = \{C_1, \dots, C_s\}$ , 有标签数据集上的原始划分结果为  $O = \{O_1, \dots, O_t\}$ . 对集合  $C_i$  和  $O_j$  ( $1 \leq i \leq s, 1 \leq j \leq t$ ), 令  $T_{i,j} = |C_i \cap O_j|, b_i = \sum_{j=1}^t T_{i,j}, d_j = \sum_{i=1}^s T_{i,j}$ . 本文采用以下指标对算法性能进行度量.

(1) 准确度(Acc)<sup>[30]</sup>用来度量两个参照集的匹配程度, 其定义如公式(10)所示.

$$Acc = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^s \max_j \{T_{i,j}\}}{\sum_{i=1}^s b_i} \cdot \frac{\sum_{j=1}^t \max_i \{T_{i,j}\}}{\sum_{j=1}^t d_j}} \quad (10)$$

(2) 分离度(Sep)<sup>[31]</sup>用来度量社区发现结果与原始数据划分的一致性, 其定义如公式(11)所示.

$$Sep = \sqrt{\frac{\left(\sum_{i=1}^s \sum_{j=1}^t Sep_{i,j}\right)^2}{s \times t}} \quad (11)$$

其中,  $Sep_{i,j} = \frac{T_{i,j}^2}{b_i \cdot d_j}$  表示已发现社区  $C_i$  与原始社区  $O_j$  的一致度.

(3) 度量(F-measure)<sup>[32]</sup>通过精度(precision)和召回率(recall)的调和平均值来度量社区发现结果与原始社区的匹配程度, 其定义如公式(12)所示(此处  $\theta=0.25$ ).

$$F\text{-measure} = \frac{2 \cdot Precision \cdot Recall}{Precision + Recall} \quad (12)$$

其中,

$$Precision = \frac{|\{C_i \in C : \exists O_j \in O \wedge NA(C_i, O_j) = \theta\}|}{|C|},$$

$$Recall = \frac{|\{C_j \in C : \exists O_i \in O \wedge NA(C_i, O_j) = \theta\}|}{|O|},$$

$$NA(C_i, O_j) = \frac{(T_{i,j})^2}{|C_i| \cdot |O_j|}.$$

(4) 标准互信息(NMI)通过熵来度量两个数据分布的吻合程度,此处用来度量社区发现的结果与原始社区划分的吻合程度,其定义如公式(13)所示.

$$NMI = \frac{2 \sum_{i=1}^s \sum_{j=1}^t T_{i,j} \log \frac{n T_{i,j}}{b_i d_j}}{-\sum_{i=1}^s b_i \log \frac{b_i}{n} - \sum_{j=1}^t d_j \log \frac{d_j}{n}} \quad (13)$$

(5) 调整兰德系数(ARI)是由 Hubert and Arabie 提出的,通过统计划分正确的社区中元素的对数来度量算法社区发现结果和原始社区的一致性,定义如公式(14)所示.

$$ARI = \frac{\sum_{i=1}^s \sum_{j=1}^t \binom{T_{i,j}}{2} - \frac{\sum_{i=1}^s \binom{b_i}{2} \sum_{j=1}^t \binom{d_j}{2}}{\binom{n}{2}}}{\frac{1}{2} \left[ \sum_{i=1}^s \binom{b_i}{2} + \sum_{j=1}^t \binom{d_j}{2} \right] - \frac{\sum_{i=1}^s \binom{b_i}{2} \sum_{j=1}^t \binom{d_j}{2}}{\binom{n}{2}}} \quad (14)$$

其中,  $n$  为网络总节点数.  $ARI \in [-1, 1]$ , 其值越大, 说明社区发现结果与原始社区越吻合.

(6) 模块性(EQ). 本文用 Shen 等人提出的重叠社区模块性<sup>[15]</sup>度量算法在无标签数据集上的社区发现质量, 如公式(15)所示.

$$EQ = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^s \left( \sum_{x \in C_i} \sum_{y(\neq x) \in C_i} \frac{1}{O_x O_y} \left[ A_{xy} - \frac{k_x k_y}{2m} \right] \right) \quad (15)$$

其中,  $o_x$  表示在最终社区发现结果中节点  $x$  属于的社区数,  $A_{xy}$  是原始网络邻接矩阵,  $k_x$  表示节点  $x$  的度数,  $m$  是原始网络总边数.

## 4.2 实验结果与分析

在 5 个带社区标签的数据集空手道俱乐部(karate)、海豚社交网络(dolphins)、大学生足球网络(football)、Polbooks 和 Adjnoun 上, 将本文算法 OCDW 与经典的社区发现算法  $k$ -dense<sup>[14]</sup>, CPM<sup>[13]</sup>, MCODE<sup>[12]</sup>, HC-PIN<sup>[19]</sup>, MDOS<sup>[18]</sup> 和 BGLL<sup>[16]</sup>, 从  $F$  度量、准确度(ACC)、分离度(Sep)、标准互信息(NMI)、调整兰德系数 ARI 这些方面进行比较, 结果如表 2 和图 6 所示.

尽管  $k$ -dense 算法和 CPM 算法在一些指标中表现突出, 然而其运行结果中存在大量的未聚类节点. 本文算法 OCDW 能够将网络中的绝大部分节点进行社区指派, 在 5 个带标签数据集实验中, 各项指标均名列前茅, 表明其聚类结果与网络原始社区最为接近, 具有较高的综合性能.

在 4 个无标签数据集 Email, Les Misérables, NetScience 和 Hep-th 上, 将本文 OCDW 算法在模块性及运行时间方面与其他算法进行比较, 结果见表 3. 由于算法 OCDW 在不影响聚类效果的前提下对种子节点的选择范围进行了控制, 因此算法的运行时间也得到了很好的改进. 综合考虑模块性和时间性能, 本文算法 OCDW 算法表现良好.

总体而言, 本文提出的 OCDW 算法在社区发现过程中综合考虑了网络的拓扑结构和原始权重信息, 能够给



出贴近现实网络的社区发现结果,并且具有较好的时间性能和模块性.

**Table 2** Comparison of OCDW with some classical algorithms  
表 2 OCDW 与一些经典算法比较结果

Data set	Index	<i>k</i> -dense	CPM	MCODE	HC-PIN	MDOS	BGLL	OCDW
Karate	<i>F</i> -measure	1.000 0	0.400 0	0.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	<b>1.000 0</b>
	Acc	0.594 1	0.542 3	0.265 6	0.696 3	0.747 5	0.840 1	<b>0.985 2</b>
	Sep	1.000 0	0.816 4	0.707 1	0.707 1	0.816 4	0.707 1	<b>1.000 0</b>
	NMI	1.000 0	0.888 0	0.883 8	0.149 2	0.851 8	0.695 6	<b>1.000 0</b>
	ARI	1.000 0	0.757 0	0.664 2	0.179 6	0.780 1	0.566 9	<b>1.000 0</b>
Dolphins	<i>F</i> -measure	1.000 0	1.000 0	0.857 1	0.666 7	0.833 3	0.888 9	<b>1.000 0</b>
	Acc	0.672 0	0.672 0	0.465 2	0.647 5	0.728 4	0.894 8	<b>0.968 4</b>
	Sep	1.000 0	1.000 0	0.737 7	0.707 1	0.662 2	0.743 5	<b>0.930 6</b>
	NMI	1.000 0	1.000 0	0.840 6	0.760 6	0.753 0	0.769 9	<b>0.868 0</b>
	ARI	1.000 0	1.000 0	0.680 4	0.588 8	0.584 8	0.756 8	<b>0.849 1</b>
Football	<i>F</i> -measure	0.956 5	0.956 5	0.736 8	0.000 0	0.924 9	0.909 0	<b>0.956 5</b>
	Acc	0.787 3	0.901 3	0.608 0	0.336 2	0.864 4	0.895 2	<b>0.890 7</b>
	Sep	0.705 4	0.777 0	0.533 3	0.288 6	0.732 4	0.822 3	<b>0.805 5</b>
	NMI	0.834 9	0.882 2	0.662 8	0.007 0	0.852 7	0.892 2	<b>0.900 7</b>
	ARI	0.654 8	0.794 6	0.392 2	0.003 0	0.725 8	0.816 5	<b>0.839 5</b>
Polbooks	<i>F</i> -measure	0.666 6	0.444 4	0.166 6	0.666 6	0.307 6	0.500 0	<b>0.705 8</b>
	Acc	0.816 6	0.776 8	0.452 4	0.729 5	0.696 5	0.823 1	<b>0.816 6</b>
	Sep	0.633 8	0.495 2	0.415 8	0.466 1	0.394 6	0.542 6	<b>0.542 8</b>
	NMI	0.685 9	0.600 0	0.628 2	0.497 8	0.412 8	0.555 8	<b>0.573 9</b>
	ARI	0.786 2	0.649 5	0.336 0	0.604 8	0.267 8	0.620 4	<b>0.653 3</b>
Adjnoun	<i>F</i> -measure	0.000 0	0.000 0	0.000 0	1.000 0	0.285 7	0.000 0	<b>0.333 3</b>
	Acc	0.462 9	0.409 5	0.259 6	0.713 3	0.605 2	0.361 3	<b>0.559 8</b>
	Sep	0.707 1	0.364 6	0.320 2	0.707 1	0.320 1	0.254 8	<b>0.356 4</b>
	NMI	0.747 6	0.532 9	0.555 1	0.025 2	0.106 0	0.007 3	<b>0.107 4</b>
	ARI	0.636 7	0.438 9	0.292 4	0.033 9	0.135 5	-0.010 6	<b>0.139 0</b>

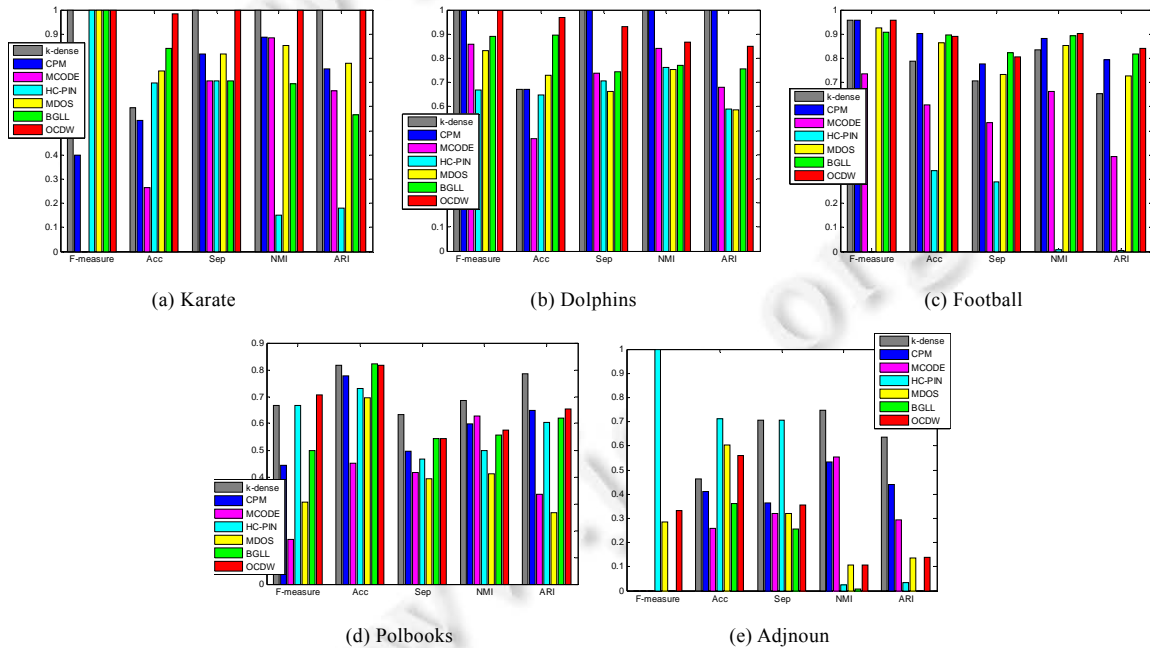


Fig. 6 Comparison results on *F*-measure, accuracy, separation, NMI and ARI on 5 real network datasets  
图 6 在 5 个真实网络数据集上, *F* 度量、准确度、分离度、标准互信息以及调整兰德系数实验比较结果

**Table 3** Modularity (EQ) and running time of different algorithms on 4 real network datasets

表 3 在 4 个真实网络数据及上模块性(EQ)、运行时间指标的比较结果

Data set	Index	<i>k</i> -Dense	CPM	MCODE	HC-PIN	MDOS	BGLL	OCDW
Les misérables	EQ	0.154 1	0.299 8	0.338 2	0.248 1	0.187 8	<b>0.565 0</b>	<b>0.463 0</b>
	Time (s)	0.2	3	0.9	0.8	1.6	<b>0.1</b>	<b>0.2</b>
Email	EQ	0.256 1	0.265 3	0.100 4	0.001 7	0.206 3	0.289 2	<b>0.350 1</b>
	Time (s)	15	59	23	18	67	3	<b>12</b>
NetScience	EQ	0.683 3	0.591 5	0.648 1	0.661 5	0.408 9	0.636 6	<b>0.695 7</b>
	Time (s)	13	87	36	26	81	10	<b>11</b>
Hep-th	EQ	0.387 2	0.538 7	0.303 0	0.623 0	0.361 2	0.602 8	<b>0.630 5</b>
	Time (s)	257	392	315	279	3471	<b>36</b>	<b>206</b>

## 5 总 结

本文提出了一种基于种子-扩展策略的面向复杂网络中加权稠密子图的社区发现算法 OCDW,综合考虑网络拓扑结构和现实网络权重,对网络中的边权重进行定义;通过搜索网络中的在加权意义下的相对稠密子图得到加权中心社区;评估未聚类节点与加权中心社区的归属感,对未聚类节点进行社区指派.通过与经典的社区发现算法 *k*-dense,CPM,MCODE,HC-PIN,MDOS,BGLL 等算法在 9 个真实网络数据集上进行分析比较,结果表明,本文提出的算法 OCDW 能够将网络中的绝大部分节点进行社区指派,并在 *F* 度量、准确度、分离度、标准互信息、调整兰德系数、模块性及运行时间等方面均表现出较好的性能.

## References:

- [1] Bai L, Cheng XQ, Liang JY, Guo YK. Fast graph clustering with a new description model for community detection. Information Sciences, 2017,388-389:37-47. [doi: 10.1016/j.ins.2017.01.026]
- [2] Atay Y, Koc I, Babaoglu I, Kodaz H. Community detection from biological and social networks: A comparative analysis of metaheuristic algorithms. Applied Soft Computing, 2017,50:194-211. [doi: 10.1016/j.asoc.2016.11.025]
- [3] Liu BY, Wang CR, Wang C, Wang JW, Wang XW, Huang M. Microblog community discovery algorithm based on dynamic topic model with multidimensional data fusion. Ruan Jian Xue Bao/Journal of Software, 2017,28(2):246-261 (in Chinese with English abstract). <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5116.htm> [doi: 10.13328/j.cnki.jos.005116]
- [4] Huang FL, Yu G, Zhang JL, Li CX, Yuan CA, Lu JL. Mining topic sentiment in micro-blogging based on micro-blogger social relation. Ruan Jian Xue Bao/Journal of Software, 2017,28(3):694-707 (in Chinese with English abstract). <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5157.htm> [doi: 10.13328/j.cnki.jos.005157]
- [5] Wilson SJ, Wilkins AD, Lin CH, Lua RC, Lichtarge O. Discovery of functional and disease pathway by community detection protein-protein interaction networks. Pacific Symp. on Biocomputing, 2016,22:336-347.
- [6] Newman MEJ. Community detection and graph partitioning. Europhysics Letters, 2013,103(2):No.28003. [doi: 10.1209/0295-5075/103/28003]
- [7] Newman MEJ. Spectral methods for community detection and graph partitioning. Physical Review E, 2013,88(4):No.042822. [doi: 10.1103/PhysRevE.88.042822]
- [8] Lin CC, Kang JR, Chen JY. An integer programming approach and visual analysis for detecting hierarchical community structures in social networks. Information Sciences, 2015,299:296-311. [doi: 10.1016/j.ins.2014.12.009]
- [9] Bai XY, Yang PL, Shi XH. An overlapping community detection algorithm based on density peaks. Neurocomputing, 2017,226:7-15. [doi: 10.1016/j.neucom.2016.11.019]
- [10] Ren J, Wang JX, Li M, Wang LS. Identifying protein complexes based on density and modularity in protein-protein interaction network. BMC Systems Biology, 2013,7(Suppl 4):No.S12. [doi: 10.1186/1752-0509-7-S4-S12]
- [11] Li XL, Foo CS, Ng SK. Discovering protein complexes in dense reliable neighborhoods of protein interaction networks. Computational Systems Bioinformatics, 2007,6:157-168. [doi: 10.1142/9781860948732\_0019]
- [12] Bader GD, Hogue CWV. An automated method for finding molecular complexes in large protein interaction networks. BMC Bioinformatics, 2003,4(1):No.2. [doi: 10.1186/1471-2105-4-2]

- [13] Palla G, Derényi I, Farkas I, Vicsek T. Uncovering the overlapping community structure of complex networks in nature and society. *Nature*, 2005,435(7043):814–818. [doi: 10.1038/nature03607]
- [14] Saito K, Yamada T, Kazama K. Extracting communities from complex networks by the  $k$ -dense method. In: Patist JP, ed. *Proc. of the 6th IEEE Int'l Conf. on Data Mining Workshops (ICDMW 2006)*. Piscataway: IEEE Press, 2006. 300–304. [doi: 10.1109/ICDMW.2006.76]
- [15] Shen HW, Cheng XQ, Cai K, Hu MB. Detect overlapping and hierarchical community structure in networks. *Physica A*, 2009, 388(8):1706–1712. [doi: 10.1016/j.physa.2008.12.021]
- [16] Blondel VD, Guillaume JL, Lambiotte R, Lefebvre E. Fast unfolding of communities in large networks. *Journal of Statistical Mechanics: Theory and Experiment*, 2008,2008(10):10008–100019. [doi: 10.1088/1742-5468/2008/10/P10008]
- [17] Liu GM, Wong L, Chua HN. Complex discovery from weighted PPI networks. *Bioinformatics*, 2009,25(15):1891–1897. [doi: 10.1093/bioinformatics/btp311]
- [18] Lee AJT, Lin MC, Hsu CM. Mining dense overlapping subgraphs in weighted protein-protein interaction networks. *BioSystems*, 2011,103(3):392–399. [doi: 10.1016/j.biosystems.2010.11.010]
- [19] Wang JX, Li M, Chen JE, Pan Y. A fast hierarchical clustering algorithm for functional modules discovery in protein interaction networks. *IEEE/ACM Trans. on Computational Biology and Bioinformatics*, 2011,8(3):607–620. [doi: 10.1109/TCBB.2010.75]
- [20] Lü LY, Zhou T. Link prediction in complex networks: A survey. *Physica A*, 2011,390(6):1150–1170. [doi: 10.1016/j.physa.2010.11.027]
- [21] Palla G, Barabási AL, Vicsek T. Quantifying social group evolution. *Nature*, 2007,446:664–667. [doi: 10.1038/nature05670]
- [22] Jeong H, Mason SP, Barabási AL, Oltvai ZN. Lethality and centrality in protein networks. *Nature*, 2001,411(6833):41–42. [doi: 10.1038/35075138]
- [23] Wang J, Liang JY, Zheng WP. A graph clustering method for detecting protein complexes. *Journal of Computer Research and Development*, 2015,52(8):1784–1793 (in Chinese with English abstract).
- [24] Zachary WW. An information flow model for conflict and fission in small groups. *Journal of Anthropological Research*, 1977,33(4): 452–473. [doi: 10.1086/jar.33.4.3629752]
- [25] Lusseau D, Newman MEJ. Identifying the role that animals play in their social networks. *Proc. of the Royal Society B: Biological Sciences*, 2004,271(Suppl 6):S477–S481. [doi: 10.1098/rsbl.2004.0225]
- [26] Newman MEJ. Finding community structure in networks using the eigenvectors of matrices. *Physical Review E*, 2006,74(3):No. 036104. [doi: 10.1103/PhysRevE.74.036104]
- [27] Guimerà R, Danon L, Diaz-Guilera A, Giralt F, Arenas A. Self-Similar community structure in a network of human interactions. *Physical Review E*, 2003,68(6):No.065103. [doi: 10.1103/PhysRevE.68.065103]
- [28] Newman MEJ, Girvan M. Finding and evaluating community structure in networks. *Physical Review E*, 2004,69(2):No.026113. [doi: 10.1103/PhysRevE.69.026113]
- [29] Newman MEJ. The structure of scientific collaboration networks. *Proc. of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 2001,98(2):404–409. [doi: 10.1073/pnas.98.2.404]
- [30] Brohée S, Helden JV. Evaluation of clustering algorithms for protein-protein interaction networks. *BMC Bioinformatics*, 2006,7(1): No.488. [doi: 10.1186/1471-2105-7-488]
- [31] Qin GM, Gao L. Spectral clustering for detecting protein complexes in protein-protein interaction (PPI) networks. *Mathematical and Computer Modelling*, 2010,52(11):2066–2074. [doi: 10.1016/j.mcm.2010.06.015]
- [32] Li XL, Wu M, Kwok CK, Ng SK. Computational approaches for detecting protein complexes from protein interaction networks: A survey. *BMC Genomics*, 2010,11(Suppl 1):No.S3. [doi: 10.1186/1471-2164-11-S1-S3]

#### 附中文参考文献:

- [3] 刘冰玉,王翠荣,王聪,王军伟,王兴伟,黄敏.基于动态主题模型融合多维数据的微博社区发现算法. *软件学报*,2017,28(2):246–261. <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5116.htm> [doi: 10.13328/j.cnki.jos.005116]
- [4] 黄发良,于戈,张继连,李超雄,元昌安,卢景丽.基于社交关系的微博主题情感挖掘. *软件学报*,2017,28(3):694–707. <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5157.htm> [doi: 10.13328/j.cnki.jos.005157]

[23] 王杰,梁吉业,郑文萍.一种面向蛋白质复合物检测的图聚类方法.计算机研究与发展,2015,52(8):1784-1793.



杨贵(1975 - ),男,山西大同人,博士生,CCF 专业会员,主要研究领域为生物信息学.



王文剑(1968 - ),女,博士,教授,博士生导师,CCF 高级会员,主要研究领域为机器学习,数据挖掘.



郑文萍(1979 - ),女,博士,副教授,CCF 专业会员,主要研究领域为机器学习,生物信息学.



张浩杰(1991 - ),男,硕士,主要研究领域为生物信息学.

www.jos.org.cn

www.jos.org.cn