

LOKI97 的线性密码分析^{*}

吴文玲 李宝 冯登国 卿斯汉

(中国科学院信息安全技术工程研究中心 北京 100080)

(中国科学院软件研究所信息安全国家重点实验室 北京 100080)

E-mail: wwl@ercist.iscas.ac.cn

摘要 本文利用线性密码分析对 LOKI97 进行了攻击,结果显示,LOKI97 的安全性并没有达到高级加密标准的要求;利用线性密码分析中的算法 1 和 2^{50} 个明密文对,以 0.977 的成功率预测 92 比特子密钥;利用线性密码分析中的算法 2 和 2^{45} 个明密文对,以 0.967 的成功率预测 LOKI97 的种子密钥。

关键词 线性密码分析, 线性逼近, 非线性度。

中图法分类号 TP309

LOKI97 是美国国家标准技术研究所(NIST)公布的 15 个 21 世纪高级加密标准(advanced encryption standard,简称 AES)的候选算法之一,它是 LOKI 系列密码的最新产品。Biham 和 Shamir 在文献[1]中对 LOKI89 进行了分析,结果显示,虽然 LOKI89 减少几轮变体后可能易受差分密码分析的攻击,但全部 16 轮的 LOKI89 却经得起差分密码分析的攻击。Tokita Sorimachi 和 Matsui 在文献[2]中对 LOKI91 对进行了线性密码分析,发现 12 轮以上的 LOKI91 对线性密码分析是安全的。LOKI97 选取的 S-盒的非线性性能非常好, S_1 的线性逼近的概率 p 满足: $\frac{1}{2} - 2^{-7} \leq p \leq \frac{1}{2} + 2^{-7}$, S_2 的线性逼近的概率 p 满足: $\frac{1}{2} - 2^{-6} \leq p \leq \frac{1}{2} + 2^{-6}$ 。由此,文献[3]给出下列结果:

- 单轮的最佳线性逼近概率 p_{best} 满足: $\frac{1}{2} - 2^{-11} \leq p_{best} \leq \frac{1}{2} + 2^{-11}$;
- 14 轮 LOKI97 的最佳线性逼近概率 p_{best} 满足: $\frac{1}{2} - 2^{-141} \leq p_{best} \leq \frac{1}{2} + 2^{-141}$;
- 16 轮 LOKI97 的最佳线性逼近概率 p_{best} 满足: $\frac{1}{2} - 2^{-161} \leq p_{best} \leq \frac{1}{2} + 2^{-161}$.

利用文献[4]和上面的结果,可以估计出用线性密码分析攻击 LOKI97 所需的明密文对大约为 2^{242} 。这似乎反映了 LOKI97 对线性密码分析是免疫的,然而,事实却不然,在本文中,我们利用 LOKI97 轮函数的特点,对某些密钥构造出单轮的线性逼近,它们仅涉及输出和密钥,然后利用“+”运算对于最低比特位的线性性,把单轮的线性逼近结合起来,构造出 14 轮和 16 轮 LOKI97 的线性逼近,它们的概率 p 分别满足:

$$\frac{1}{2} - 2^{-21} \leq p \leq \frac{1}{2} + 2^{-21},$$

$$\frac{1}{2} - 2^{-25} \leq p \leq \frac{1}{2} + 2^{-25}.$$

利用这些线性逼近,我们对 LOKI97 进行线性密码分析。

1 LOKI97 算法描述

LOKI97 的分组长度为 128 比特,密钥长度为 128,192,256 比特。它采用的是 16 轮的 Feistel 结构。

* 本文研究得到国家自然科学基金(No. 69673016)和国家博士后基金资助。作者吴文玲,女,1966 年生,博士后,主要研究领域为分组密码的设计与分析。李宝,1962 年生,博士后,主要研究领域为椭圆曲线公钥密码体制的分析与实现。冯登国,1965 年生,研究员,主要研究领域为信息安全。卿斯汉,1939 年生,研究员,博士生导师,主要研究领域为信息安全技术。

本文通讯联系人:吴文玲,北京 100080,中国科学院信息安全技术工程研究中心

本文 1998-12-15 收到原稿,1999-03-17 收到修改稿

1.1 加密过程

1.1.1 加密算法的总体结构

$P = L_0 | R_0$ 为 128 比特的明文输入, 用下列方式计算密文, 对于 $j=1, \dots, 16$, 有

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1} + K3_{i-2}, K3_{i-1}),$$

$$L_i = R_{i-1} + K3_{i-2} + K3_i,$$

$$C = R_{16} | L_{16} \text{ 为密文.}$$

1.1.2 轮函数 F

轮函数 $F: F_2^{64} \times F_2^{64} \rightarrow F_2^{64}$,

$$F(A, B) = Sb(P(Sa(E(KP(A, B)))), B).$$

$KP(A, B)$ 是一个简单的密钥控制置换, 它将 64 比特输入 A 分成两个 32 比特字, 用输入 B 的较低(最右边) 32 比特确定是交换这些字中比特的相应位(如果密钥比特是 1), 还是不交换(如果密钥比特为 0).

E 是一个扩展函数, E 从 64 个输入比特中产生一个 96 比特输出值.

$$[4-0, 63-56|58-48, 52-40|42-32|34-24|28-16|18-8|12-0].$$

S_a 由盒 S_1 和盒 S_2 并置构成, $S_a = [S_1, S_2, S_1, S_2, S_1, S_2, S_1]$, S_a 的输入是 E 的输出.

P 把输入比特 [63-0] 映射到输出比特:

$$\begin{aligned} &[56, 48, 40, 32, 24, 16, 08, 00, 57, 49, 41, 33, 25, 17, 09, 01, \\ &58, 50, 42, 34, 26, 18, 10, 02, 59, 51, 43, 35, 27, 19, 11, 03, \\ &60, 52, 44, 36, 28, 20, 12, 04, 61, 53, 45, 37, 29, 21, 13, 05, \\ &62, 54, 46, 38, 30, 22, 14, 06, 63, 55, 47, 39, 31, 23, 15, 07], \end{aligned}$$

即输入比特 63 转入输出比特 56, 输入比特 62 转入输出比特 48 等.

S_b 由盒 S_1 和盒 S_2 并置构成, $S_b = [S_2, S_1, S_1, S_1, S_2, S_1, S_1]$, S_b 的输入是

$$\begin{aligned} &B[63-61]|P[63-56], B[60-58]|P[55-48], B[57-53]|P[47-40], \\ &B[52-48]|P[39-32], B[47-45]|P[31-24], B[44-42]|P[23-16], \\ &B[41-37]|P[15-8], B[36-32]|P[7-0], \end{aligned}$$

其中 $B[63-61]$ 表示由 B 的第 63 到 61 比特组成的比特串. S_b 的第 1 个 S 盒 S_2 的输入为 $B[63-61]|P[63-56]$.

1.2 解密过程

输入密文 $C = R_{16} | L_{16}$, 然后反向对轮进行操作. 即对 $i=1, \dots, 16$, 有

$$L_{i-1} = R_i \oplus F(L_i - K3_i, K3_{i-1}),$$

$$R_{i-1} = L_i - K3_i - K3_{i-2},$$

$$P = L_0 | R_0, \text{ 即为明文.}$$

1.3 密钥方案

16 轮 LOKI97 需要 48 个 64 比特的密钥, 我们用下述方法把种子密钥 K 扩展为子密钥. 首先, 依据种子密钥的长度, 预制 4 个 64 比特字 [$K4_0 | K3_0 | K2_0 | K1_0$].

$$K = [Ka | Kb | Kc | Kd] \text{ 为 256 比特, 令 } [K4_0 | K3_0 | K2_0 | K1_0] = [Ka | Kb | Kc | Kd];$$

$$K = [Ka | Kb | Kc] \text{ 为 192 比特, 令 } [K4_0 | K3_0 | K2_0 | K1_0] = [Ka | Kb | Kc | f(Ka, Kb)];$$

$$K = [Ka | Kb] \text{ 为 128 比特, 令 } [K4_0 | K3_0 | K2_0 | K1_0] = [Ka | Kb | f(Kb, Ka) | f(Ka, Kb)],$$

然后对 $i=1, \dots, 48$ 作如下计算:

$$K_i = K1_i = K4_{i-1} \oplus g_i(K1_{i-1}, K3_{i-1}, K2_{i-1}),$$

$$K4_i = K3_{i-1},$$

$$K3_i = K2_{i-1},$$

$$K2_i = K1_{i-1},$$

其中 $g_i(K1, K3, K2) = F(K1 + K3 + (\text{Delta} * i), K2)$,

$$\text{Delta} = \lfloor (\sqrt{5} - 1) * 2^{63} \rfloor = 9E3779B97F4A7C15_{16}.$$

2 LOKI97 的线性逼近

令 $S_1(x_{12}, \dots, x_2, x_1, x_0) = (f_7, f_6, f_5, f_4, f_3, f_2, f_1, f_0) : F_2^{13} \rightarrow F_2^8$, 通过计算, 我们给出 S_1 的分支函数 f_i 的代数表达式为:

$$\begin{aligned} f_0 &= x_{12} \oplus x_{12}x_{11} \oplus x_{11} \oplus x_9 \oplus x_{12}x_9 \oplus x_9x_8 \oplus x_7 \oplus x_{11}x_7 \oplus x_{10}x_7 \oplus x_6 \oplus x_{12}x_6 \oplus x_{11}x_6 \oplus x_{10}x_6 \oplus \\ &\quad x_9x_6 \oplus x_7x_6 \oplus x_{12}x_7 \oplus x_9x_7 \oplus x_6x_5 \oplus x_{12}x_4 \oplus x_{10}x_4 \oplus x_9x_4 \oplus x_6x_4 \oplus x_{11}x_3 \oplus x_8x_3 \oplus x_6x_3 \oplus \\ &\quad x_5x_3 \oplus x_{12}x_2 \oplus x_{11}x_2 \oplus x_9x_2 \oplus x_8x_2 \oplus x_{11}x_1 \oplus x_{10}x_1 \oplus x_9x_1 \oplus x_5x_1 \oplus x_7x_1 \oplus x_6x_1 \oplus x_9x_0 \oplus 1. \end{aligned}$$

令 $(x_{12}, x_{11}, x_{10}, x_9, x_8) = i, 0 \leq i \leq 31$, 可得 32 个布尔函数 $g_i(x_7, x_6, x_5, x_4, x_3, x_2, x_1, x_0)$, 它们的汉明重量归纳如下:

$$\begin{aligned} W_H(g_0) &= 144, W_H(g_1) = 128, W_H(g_2) = 128, W_H(g_3) = 128, W_H(g_4) = 144, W_H(g_5) = 128, \\ W_H(g_6) &= 128, W_H(g_7) = 128, W_H(g_8) = 144, W_H(g_9) = 128, W_H(g_{10}) = 128, W_H(g_{11}) = 128, \\ W_H(g_{12}) &= 128, W_H(g_{13}) = 112, W_H(g_{14}) = 128, W_H(g_{15}) = 128, W_H(g_{16}) = 128, W_H(g_{17}) = 112, \\ W_H(g_{18}) &= 128, W_H(g_{19}) = 128, W_H(g_{20}) = 128, W_H(g_{21}) = 144, W_H(g_{22}) = 128, W_H(g_{23}) = 128, \\ W_H(g_{24}) &= 112, W_H(g_{25}) = 128, W_H(g_{26}) = 128, W_H(g_{27}) = 128, W_H(g_{28}) = 112, W_H(g_{29}) = 128, \\ W_H(g_{30}) &= 128, W_H(g_{31}) = 128. \end{aligned}$$

显然, $g_0, g_4, g_9, g_{13}, g_{17}, g_{21}, g_{24}, g_{28}$ 是非平衡的布尔函数, 因此, 它们的非线性度小于 16. 又因为轮函数 F 的 S_1 层的每一个 S 盒的最高几比特输入是子密钥, 所以对某些密钥, 可以给出轮函数 $F(X, K) = Y$ 的一批概率为 $p = \frac{1}{2} + \frac{1}{2^4}$ 且仅涉及输出和密钥的线性逼近:

$$Y[0] = K[h(36 - 32)], \quad (1)$$

其中 $K[h(36 - 32)] = h(k_{36}, k_{35}, k_{34}, k_{33}, k_{32})$, h 是线性布尔函数.

令 (L_{i-1}, R_{i-1}) 和 (L_i, R_i) 分别是第 i 轮的输入和输出,

$$L_i = R_{i-1} + K_i^1 + K_i^3, \quad (2)$$

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i^2). \quad (3)$$

对于式(2), 有下列概率为 1 的线性逼近:

$$E_i: L_i[0] = R_{i-1}[0] \oplus K_i^1[0] \oplus K_i^3[0].$$

对于式(3), 利用式(1), 给出下列概率为 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2^4}$ 的线性逼近:

$$D_i: R_i[0] = L_{i-1}[0] \oplus K_i^2[h(36 - 32)].$$

对于 16 轮的 LOKI97, 令 (L_0, R_0) 和 (R_{16}, L_{16}) 分别是它的输入和输出, 我们构造轨迹为 $(E_1, D_2, E_3, D_4, E_5, D_6, E_7, D_8, E_9, D_{10}, E_{11}, D_{12}, E_{13}, D_{14}, E_{15}, D_{16})$ 的线性逼近:

$$R_0[0] \oplus \left(\bigoplus_{\substack{1 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 奇数}}} (K_i^1[0] \oplus K_i^3[0]) \right) \oplus \left(\bigoplus_{\substack{1 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 偶数}}} (K_i^2[h(36 - 32)]) \right) = R_{16}[0]. \quad (4)$$

轨迹为 $(D_1, E_2, D_3, E_4, D_5, E_6, D_7, E_8, D_9, E_{10}, D_{11}, E_{12}, D_{13}, E_{14}, D_{15}, E_{16})$ 的线性逼近:

$$L_0[0] \oplus \left(\bigoplus_{\substack{1 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 奇数}}} (K_i^1[0] \oplus K_i^3[0]) \right) \oplus \left(\bigoplus_{\substack{1 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 偶数}}} (K_i^2[h(36 - 32)]) \right) = L_{16}[0]. \quad (5)$$

式(4)和式(5)的概率都满足: $\frac{1}{2} - 2^{-25} \leq p \leq \frac{1}{2} + 2^{-25}$.

从第 2 轮开始, 以轨迹 $(E_2, D_3, E_4, D_5, E_6, D_7, E_8, D_9, E_{10}, D_{11}, E_{12}, D_{13}, E_{14}, D_{15}, E_{16})$ 构造线性逼近:

$$L_0[0] \oplus F(R_0 + K_1^1, K_1^3)[0] \oplus k = L_{16}[0], \quad (6)$$

其中 $k = \left(\bigoplus_{\substack{2 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 奇数}}} (K_i^1[0] \oplus K_i^3[0]) \right) \oplus \left(\bigoplus_{\substack{2 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 偶数}}} (K_i^2[h(36 - 32)]) \right)$, 式(6)的概率满足:

$$\frac{1}{2} - 2^{-21} \leq p \leq \frac{1}{2} + 2^{-21}.$$

3 LOKI97 的线性密码分析

利用式(4), 我们以 0.977 的成功率预测 K_1^2 的第 36 到 32 比特, i 是偶数, $1 \leq i \leq 16$; 利用式(5), 我们以 0.977 的成功率预测 K_1^2 的第 36 到 32 比特, i 是奇数, $1 \leq i \leq 16$.

分析所需的明密文对数 $N = 2^{50}$. 下面以式(4)为例, 给出操作办法.

第 1 步. 对任意给定的偶数 j ($1 \leq j \leq 16$), 固定式(4)中 $K_1^2[h(36-32)] (i \neq j)$ 的 h .

第 2 步. 令 $K_1^2[h(36-32)] = K_1^2[32]$, 用式(4)预测 $k_0 = k' \oplus K_1^2[32]$. 其中 $k' = (\bigoplus_{\substack{1 \leq i \leq 16 \\ i \text{ 是偶数}}} (K_1^1[0] \oplus K_1^2[0])) \oplus (\bigoplus_{\substack{i \neq j \\ i \text{ 是偶数}}} (K_1^2[h(36-32)]))$.

第 3 步. 令 $K_1^2[h(36-32)] = K_1^2[33]$, 用式(4)预测 $k_1 = k' \oplus K_1^2[33]$.

第 4 步. 令 $K_1^2[h(36-32)] = K_1^2[32, 33]$, 用式(4)预测 $k_2 = k' \oplus K_1^2[32, 33]$.

第 5 步. 令 $K_1^2[h(36-32)] = K_1^2[32, 33, 34]$, 用式(4)预测 $k_3 = k' \oplus K_1^2[32, 33, 34]$.

第 6 步. 令 $K_1^2[h(36-32)] = K_1^2[32, 33, 34, 35]$, 用式(4)预测 $k_4 = k' \oplus K_1^2[32, 33, 34, 35]$.

第 7 步. 令 $K_1^2[h(36-32)] = K_1^2[32, 33, 34, 35, 36]$, 用式(4)预测 $k_5 = k' \oplus K_1^2[32, 33, 34, 35, 36]$.

第 8 步. 计算 $K_1^2[32] = k_0 \oplus k_2$, $K_1^2[33] = k_1 \oplus k_2$, $K_1^2[34] = k_3 \oplus k_2$, $K_1^2[35] = k_3 \oplus k_4$, $K_1^2[36] = k_5 \oplus k_4$.

上面我们利用线性密码分析的算法 1, 以 0.977 的成功率预测出子密钥的 92 比特, 所需明密文对为 2^{50} . 下面, 我们对密钥长度为 128 比特的 LOKI97, 用线性密码分析的算法 2 进行分析. 令 $K = (K_1, K_2)$, 由密钥方案可得下面的方程:

$$\begin{cases} K_1^1 = K_1 \oplus g(K_2, f(K_2, K_1), f(K_1, K_2)) \\ K_1^2 = K_2 \oplus g(f(K_2, K_1), f(K_1, K_2), K_1^1) \end{cases} \quad (7)$$

我们假定已知 K_1^1 和 K_1^2 , 从此方程求解 K_1 和 K_2 比较容易.

因为 $F(R_0 + K_1^1, K_1^2)[0]$ 与 K_1^2 的 37 到 63 比特无关, 又因为 K_1^2 的 32 到 36 比特已知, 所以, (K_1^1, K_1^2) 的可能值有 2^{96} 个. 首先, 利用式(6)和文献[4]中的算法 2, 预测 K_1^1 及 K_1^2 的低 32 比特, 所需明密文对为 2^{45} , 成功率是 0.967; 然后, 对 K_1^2 的任意可能值(共有 2^{27} 个), 求解方程式(7); 最后, 再用明密文对检测所得的结果是否为真正的密钥.

4 结束语

本文对 LOKI97 进行了线性密码分析, 结果显示, LOKI97 的安全性并没有设计者所希望的那么强大, 我们利用轮函数的仅涉及输出和密钥的线性逼近, 再利用 Feistel 网络的结构特性, 对某些密钥构造出 14 轮和 16 轮 LOKI97 线性逼近, 并以此对 LOKI97 进行分析. 由此, 我们指出: 在设计体制时, 轮函数应保证子密钥和输入的充分混合, 使得攻击者构造不出仅涉及密钥和输出的有效线性逼近.

参考文献

- 1 Biham E, Shamir A. Differential cryptanalysis Snelru, Kharfe, REDOC-II, LOKI and Lucifer. Vol. 576. Lecture Notes in Computer Science, Berlin: Springer-Verlag, 1991. 156~171
- 2 Toshio Tokita, Tohru Sorimachi, Mitsuru Matsui. Linear cryptanalysis of LOKI and S2DES, Vol. 917. Lecture Notes in Computer Science, Berlin: Springer-Verlag, 1994. 363~366
- 3 Lawrie Brown. LOKI97, <http://csrc.ncsl.nist.gov/encryption/aes/aes-home.htm>
- 4 Mitsuru Matsui. Linear cryptanalysis method for DES cipher, Vol. 765. Lecture Notes in Computer Science, Berlin: Springer-Verlag, 1993. 368~397

Linear Cryptanalysis of LOKI97

WU Wen-ling LI Bao FENG Deng-guo QING Si-han

(Engineering Research Center for Information Security Technology The Chinese Academy of Sciences Beijing 100080)

(State Key Laboratory of Information Security Institute of Software The Chinese Academy of Sciences Beijing 100080)

Abstract In this paper, LOKI97 is analyzed using linear cryptanalysis. The results show that LOKI97 does not meet the needs of AES (advanced encryption standard). Using algorithm 1 of linear cryptanalysis, the authors can get the 92-bit subkey with 2^{50} known-plaintexts and the success rate is 0.977; using algorithm 2 of linear cryptanalysis, it is possible to break LOKI97 with 2^{45} known-plaintexts and the success rate is 0.967.

Key words Linear cryptanalysis, linear approximation, nonlinearity.